*Приложение № 1 к ООП ООО*

**Рабочая программа учебного предмета**

**«Вероятность и статистика»**
 **(7-9 классы)**

Обязательная часть учебного плана.

Предметная область: Математика и информатика.

***Рабочая программа учебного предмета «Математика» обязательной части учебного плана для 5-9 классов***

***Курс «Вероятность и статистика» для 7-9 классов***

**ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

**ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОГО КУРСА "МАТЕМАТИКА"**

Предмет "Вероятность и статистика" является разделом курса "Математика". Рабочая программа по предмету **"ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА"** для обучающихся 7-9 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования с учётом и современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования, которые обеспечивают овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для непрерывного образования и саморазвития, а также целостность общекультурного, личностного и познавательного развития обучающихся. В программе учтены идеи и положения Концепции развития математического образования в Российской Федерации. В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без базовой математической подготовки. Уже в школе математика служит опорным предметом для изучения смежных дисциплин, а после школы реальной необходимостью становится непрерывное образование, что требует полноценной базовой общеобразовательной подготовки, в том числе и математической. Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число профессий, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг школьников, для которых математика может стать значимым предметом, расширяется.

Практическая полезность математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения от простейших, усваиваемых в непосредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и прикладных идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Каждому человеку в своей жизни приходится выполнять расчёты и составлять алгоритмы, находить и применять формулы, владеть практическими приёмами геометрических измерений и построений, читать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм и графиков, жить в условиях неопределённости и понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым развивают логическое мышление. Ведущая роль принадлежит математике и в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач — основой учебной деятельности на уроках математики — развиваются также творческая и прикладная стороны мышления.

Обучение математике даёт возможность развивать у обучающихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления.

Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство с методами познания действительности, представление о предмете и методах математики, их отличий от методов других естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач. Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики также способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.

**ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

В современном цифровом мире вероятность и статистика при обретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры. Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты. Знакомство с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе, в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. Помимо этого, при изучении статистики и вероятности обогащаются представления учащихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основной школы выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика»; «Вероятность»; «Элементы комбинаторики»; «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение здесь имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

Также в рамках этого курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

**МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В 7—9 классах изучается курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика»; «Вероятность»; «Элементы комбинаторики»; «Введение в теорию графов».

На изучение данного курса отводит 1 учебный час в неделю в течение каждого года обучения, всего 102 учебных часа.

**СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА "ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА"**

**7 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

**8 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с по мощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

**9 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

**ПЛАНИРУЕМЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного предмета «Вероятность и статистика», как раздела курса "Математики" должно обеспечивать достижение на уровне основного общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

**ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Вероятность и статистика»  характеризуются:

**Патриотическое воспитание:**

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах.

**Гражданское и духовно-нравственное воспитание:**

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.);

готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного.

**Трудовое воспитание:**

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений;

осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей.

**Эстетическое воспитание**:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений; умению видеть математические закономерности в искусстве.

**Ценности научного познания:**

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; овладением простейшими навыками исследовательской деятельности.

**Физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:**

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека.

**Экологическое воспитание:**

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды; осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения.

**Личностные результаты, обеспечивающие адаптацию обучающегося к изменяющимся условиям социальной и природной среды:**

* готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;
* необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее не известных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;
* способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

**МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Вероятность и статистика» характеризуютсяовладением *универсальными****познавательными****действиями, универсальными****коммуникативными****действиями и универсальными****регулятивными****действиями.*

*1) Универсальные****познавательные****действия обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

**Базовые логические действия:**

* выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
* воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
* выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
* делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
* разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные рассуждения;
* выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

* использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
* проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
* самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
* прогнозировать возможное развитие процесса, а также вы- двигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

* выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
* выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
* выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
* оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

*2)  Универсальные****коммуникативные****действия обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

**Общение:**

* воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
* в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
* представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

**Сотрудничество:**

* понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
* принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
* участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и др.);
* выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды;
* оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

*3)  Универсальные****регулятивные****действия обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

**Самоорганизация:**

самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

**Самоконтроль:**

* владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
* предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
* оценивать соответствие результата деятельности поставлен- ной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

**ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Предметные результаты освоения курса «Вероятность и статистика» характеризуются следующими умениями.

**7 КЛАСС**

* Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах;
* Представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.
* Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.
* Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.
* Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных; иметь представление о статистической устойчивости.

**8 КЛАСС**

* Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков; представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.
* Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).
* Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.
* Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.
* Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.
* Оперировать понятиями: множество, подмножество; выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение; перечислять элементы множеств; применять свойства множеств.
* Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

**9 КЛАСС**

* Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков; представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.
* Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.
* Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.
* Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.
* Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.
* Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.
* Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

**7 КЛАСС**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **№п/п** | **Наименование разделов и тем программы** | **Количество часов** | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **всего** | **контрольные работы** | **практические работы** |
| **Раздел 1. Представление данных** |
| 1.1. | Представление данных в таблицах. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.2.  | Практические вычисления по табличным данным. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.3. | Извлечение и интерпретация табличных данных. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.4. | Практическая работа «Таблицы». |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.5. | Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.6. | Чтение и построение диаграмм. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.7. | Примеры демографических диаграмм.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.8. | Практическая работа «Диаграммы» |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу | 7 |   |
| **Раздел 2. Описательная статистика** |
| 2.1. | Числовые наборы.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.2. | Среднее арифметическое.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.3. | Медиана числового набора.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.4. | Устойчивость медианы.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.5. | Практическая работа «Средние значения».  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.6. | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.7. | Размах. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу | 8 |   |   |   |
| **Раздел 3. Случайная изменчивость** |   |
| 3.1. | Случайная изменчивость (примеры). |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.2. | Частота значений в массиве данных. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.3. | Группировка.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.4. | Гистограммы.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.5. | Практическая работа «Случайная изменчивость» |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 6 |   |
| **Раздел 4. Введение в теорию графов** |
| 4.1. | Граф, вершина, ребро. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.2. | Представление задачи с помощью графа. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.3. | Степень (валентность) вершины. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.4. | Число рёбер и суммарная степень вершин. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.5. | Цепь и цикл.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.6. | Путь в графе.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.7. | Представление о связности графа. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.8. | Обход графа (эйлеров путь). |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.9. | Представление об ориентированных графах. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |   |   |
| **Раздел 5.** **Вероятность и частота случайного события** |
| 5.1. | Случайный опыт и случайное событие. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.2. | Вероятность и частота события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.3. | Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.4. | Монета и игральная кость в теории вероятностей. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.5. | Практическая работа «Частота выпадения орла» |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |   |   |
| **Раздел 6. Обобщение, контроль** |   |
| 6.1. | Представление данных. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.2. | Описательная статистика. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.3. | Вероятность случайного события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 5 |   |   |   |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 | 4 |  4 |   |

**8 КЛАСС**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **№п/п** | **Наименование разделов и тем программы** | **Количество часов** | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **всего** | **контрольные работы** | **практические работы** |
| **Раздел 1. Повторение курса 7 класса** |
| 1.1. | Представление данных. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.2.  | Описательная статистика. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.3. | Случайная изменчивость. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.4. | Средние числового набора. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.5. | Случайные события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.6. | Вероятности и частоты. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.7. | Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу | 4 |   |
| **Раздел 2. Описательная статистика. Рассеивание данных** |
| 2.1. | Отклонения.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.2. | Дисперсия числового набора. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.3. | Стандартное отклонение числового набора. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.4. | Диаграммы рассеивания |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу | 4 |   |
| **Раздел 3. Множества** |
| 3.1. | Множество, подмножество. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.2. | Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.3. | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.4. | Графическое представление множеств. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |
| **Раздел 4. Вероятность случайного события** |
| 4.1. | Элементарные события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.2. | Случайные события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.3. | Благоприятствующие элементарные события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.4. | Вероятности событий. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.5. | Опыты с равновозможными элементарными событиями. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.6. | Случайный выбор.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.7. | Практическая работа «Опыты с равновозможными элементарными событиями» |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 6 |   |   |   |
| **Раздел 5. Введение в теорию графов** |
| 5.1. | Дерево.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.2. | Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.3. | Правило умножения. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |   |   |
| **Раздел 6. Случайные события** |
| 6.1. | Противоположное событие. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.2. | Диаграмма Эйлера.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.3. | Объединение и пересечение событий. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.4. | Несовместные события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.5. | Формула сложения вероятностей. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.6. | Правило умножения вероятностей. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.7. | Условная вероятность. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.8. | Независимые события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.9. | Представление случайного эксперимента в виде дерева. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу:    | 8 |   |   |   |
| **Раздел 7. Обобщение, контроль** |
| 7.1. | Представление данных. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 7.2. | Описательная статистика. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 7.3. | Графы. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 7.4. | Вероятность случайного события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 7.5. | Элементы комбинаторики. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |   |   |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 | 4 |  4 |   |

**9 КЛАСС**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **№п/п** | **Наименование разделов и тем программы** | **Количество часов** | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **всего** | **контрольные работы** | **практические работы** |
| **Раздел 1. Повторение курса 8 класса** |
| 1.1. | Представление данных. | 1 |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.2.  | Описательная  статистика.  | 1 |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.3. | Операции над событиями | 1 |  |  | https://educont.ru/ |
| 1.4. | Независимость событий | 1 |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |   |   |
| **Раздел 2.** **Элементы комбинаторики** |
| 2.1. | Комбинаторное правило умножения. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.2. | Перестановки.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.3.. | Факториал.  |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.4. | Сочетания и число сочетаний. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.5. | Треугольник Паскаля. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 2.6. | Практическая работа «Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц» |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |   |   |
| **Раздел 3. Геометрическая вероятность** |
| 3.1. | Геометрическая вероятность. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 3.2. | Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 4 |   |   |   |
| **Раздел 4**. **Испытания Бернулли** |
| 4.1. | Испытание. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.2. | Успех и неудача. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.3. | Серия испытаний до первого успеха. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.4. | Испытания Бернулли. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.5. | Вероятности событий в серии испытаний Бернулли |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 4.6. | Практическая работа«Испытания Бернулли» |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 6 |   |   |   |
| **Раздел 5.** **Случайная величина** |
| 5.1. | Случайная величина и распределение вероятностей. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.2. | Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.3. | Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.4. | Понятие о законе больших чисел. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.5. | Измерение вероятностей с помощью частот. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 5.6. | Применение закона больших чисел |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: | 6 |   |   |   |
| **Раздел 6. Обобщение, контроль** |
| 6.1. | Представление данных. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.2. | Описательная статистика. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.3. | Вероятность случайного события. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.4. | Элементы комбинаторики. |  |  |  | https://educont.ru/ |
| 6.5. | Случайные величины и распределения |  |  |  | https://educont.ru/ |
| Итого по разделу: |  |   |   |   |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 33 | 4 |  4 |   |

**ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Учебник

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

1. «Поурочные разработки по математике»
2. Рабочая тетрадь по математике
3. Дидактические материалы по математике

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

[Российская электронная школа (resh.edu.ru)](https://resh.edu.ru/)

[ЯКласс (yaklass.ru)](https://www.yaklass.ru/)

[Онлайн-школа Фоксфорд (foxford.ru)](https://foxford.ru/)

 [Яндекс Учебник (yandex.ru)](https://education.yandex.ru/lab/classes/508076/library/mathematics/)

[Учи.ру (uchi.ru)](https://uchi.ru/main)

[ВПР−2022, Математика: задания, ответы, решения. Обучающая система Дмитрия Гущина (sdamgia.ru)](https://math5-vpr.sdamgia.ru/)

[Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)](http://school-collection.edu.ru/catalog/)

[Математика (1c.ru)](https://obr.1c.ru/methodically/destination/matematika/)

https://educont.ru/

**МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА:**

**УЧЕБНОЕ ОБОРУДОВАНИЕ**

1. Доска, мел.
2. Компьютер, проектор, экран, графический планшет, документ-камера.
3. Сканер, принтер.
4. Классные циркуль, линейка, угольник, транспортир.
5. Модели для изучения геометрических фигур.

**ОБОРУДОВАНИЕ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ЛАБОРАТОРНЫХ И ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ**